

Chapitre 04: Rappels sur la magnétostatique et les circuits magnétiques

4.1 Introduction

Les systèmes électrotechniques (machines et transformateurs...etc) sont à la base des circuits magnétiques qui sont constitués par des matériaux dit ferromagnétiques et en particulier par du fer : donc : un circuit magnétique est un volume où se referment les lignes de force d'un champ magnétique comme il est illustré dans la figure 4.1, on peut dire que les lignes de force du champ magnétique sont amenés à se canaliser dans un circuit magnétique (bon conducteur de flux magnétique)

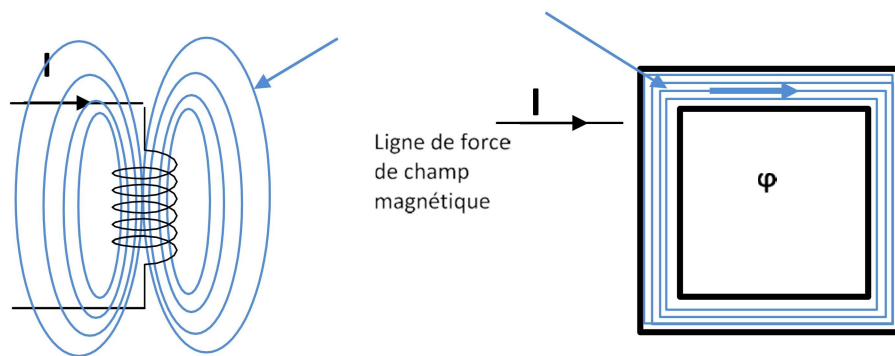


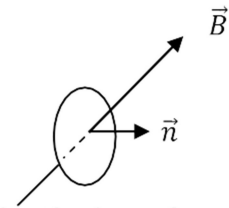
Fig 1.1 canalisation des lignes de force de champs magnétiques dans un circuit magnétique

I.1.2. Flux magnétique φ

Le flux magnétique circulant dans une surface S est défini par :

$$\varphi = \iint \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

Où $\vec{B} \cdot d\vec{S}$ est un produit scalaire, $d\vec{S} = dS \vec{n}$
 (\vec{n} vecteur normal à la surface S)



Le flux magnétique φ du champ magnétique B à travers une spire orientée de surface S est égal au produit scalaire des vecteurs B et S :

$$\varphi = \|\vec{B}\| \|\vec{S}\| \cos(\vec{B}, \vec{S})$$

Dans le cas où le champ est uniforme sur la section S :

$$\varphi = \mathbf{B} \cdot \mathbf{S}$$

Le flux s'exprime en weber Wb

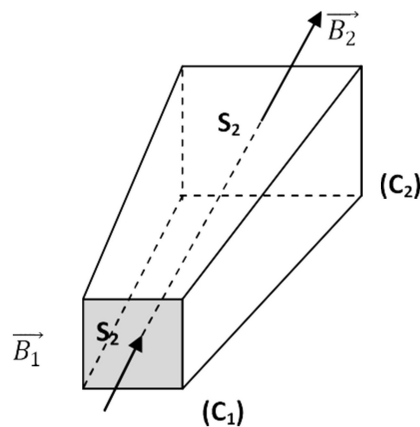
I.1.2.1. Conservation de flux magnétique

Un tube de champ ou d'induction est l'ensemble des lignes d'induction s'appuyant sur deux contours fermés (C_1) et (C_2) selon la figure 4.2

Le flux magnétique a la propriété de se conserver. Il est le même sur chacune des sections d'un

tube de champ.

Fig.1.2 conservation de flux dans un tube de champ



Deux sections S_1 et S_2 délimitées par les contours C_1, C_2 donc selon le principe de la conservation de flux on : $\varphi_1 = \varphi_2$

$$B_1 S_1 = B_2 S_2.$$

I.1.3. Champ magnétique (ou excitation magnétique) et induction magnétique

Lorsqu'un champ magnétique circule dans un matériau ferromagnétique il se crée une induction magnétique B dans la valeur est :

$$B = \mu H = \mu_0 \mu_r H$$

B : induction magnétique ou densité de flux magnétique en tesla T.

μ : La perméabilité magnétique du matériau

μ_r : la perméabilité relative magnétique du matériau

μ_0 : La perméabilité du vide $\mu_0 = 4 \pi 10^{-7}$

Remarque : $\mu_{r \text{ air}} = 1$

Exemple : $\mu_r = 1000$ pour du fer

I.2. La force magnétomotrice

La force magnétomotrice notée F, ne dépend que du nombre de spires et du courant I, elle s'exprime en ampère tours est la cause de la circulation du flux magnétique

$$F = NI$$

I.3. Théorème d'Ampère généralisé

La circulation de la vectrice excitation magnétique H le long d'un contour fermé (C) est égale à la somme algébrique des intensités des courants enlacés

$$\oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = \sum NI$$

La somme algébrique des courants n'est autre que la force magnétomotrice

$$F = NI = H l$$

I.4. Réductance d'une portion de circuit magnétique

Considérant une portion de circuit magnétique de longueur l et de section droite S, comme le montre la figure suivante :

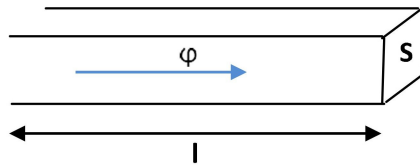


Fig.1.3. Portion d'un circuit magnétique

D'après le théorème d'ampère on peut écrire :

$$F = Hl$$

Or :

$$H = \frac{B}{\mu_0 \mu_r} \quad \text{Le circuit magnétique n'est pas saturé et } B = \frac{\varphi}{S}$$

$$\text{On obtient donc : } F = \frac{l}{\mu_0 \mu_r S} \varphi = \mathcal{R} \varphi$$

La relation $F = \mathcal{R} \varphi$, constitue la loi de Hopkinson.

Donc la réluctance d'une portion de circuit magnétique est définie par la relation :

$$\mathcal{R} = \frac{l}{\mu_0 \mu_r S}$$

-La réluctance ne dépend que des caractéristiques du matériau magnétique et des dimensions géométriques de la portion du circuit magnétique.

-Plus la réluctance d'un circuit est faible (μ_r grand), plus le circuit magnétique est à forte perméabilité et canaliser le flux magnétique.

I.5. Analogie entre circuits électriques et magnétiques

Selon la relation d'Hopkinson on peut établir une analogie avec les circuits électriques linéaires :

A tout circuit magnétique, on peut affecter une représentation électrique permettant d'étudier le comportement du circuit à l'aide de relations électriques.

On est donc typiquement dans le cas analogue du générateur de tension qui alimente une résistance ce qui va engendrer un courant I.

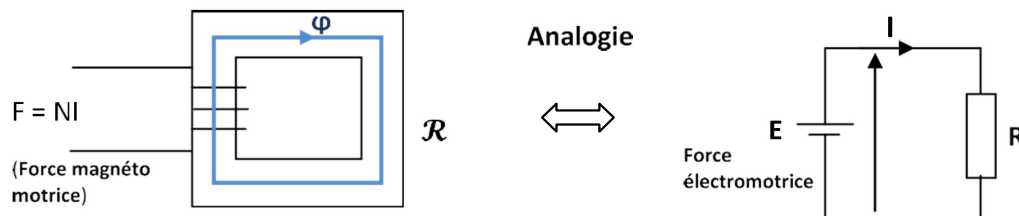


Fig.1.4 Analogie Circuit magnétique et circuit électrique

Le tableau ci-dessous récapitule l'analogie entre les grandeurs des circuits électriques et magnétiques :

Grandeurs électriques	Grandeurs Magnétiques
Le flux magnétique φ en [Wb]	Le courant électrique I en [A]
La réluctance \mathcal{R}	La résistance R
La force magnétomotrice F	La force électromotrice E
(loi d'Hopkinson) La ddp magnétique = $\mathcal{R} \varphi$	(Loi d'Ohm) La ddp électrique = R I
Les mailles magnétiques $\sum F.m.m$	Les Mailles électriques $\sum U_i$
Nœud magnétique $\sum \varphi$	Nœud électrique $\sum I$

Remarques

Il fallait bien noter qu'il s'agit d'une analogie des équations, avec des différences physiques fondamentales :

- Il existe un isolant électrique mais ne l'ai pas dans le cas magnétique (inexistence d'un isolant magnétique).
- La conductivité est généralement constante alors qu'elle n'est pas le cas pour la perméabilité magnétique μ_r .

I.6. L'analogie des circuits magnétique par schéma électrique équivalent

En se basant sur le tableau d'analogie des grandeurs électriques et magnétiques

I.6.1. Circuit à une maille : (association deux réluctances en série)

Considérant le circuit magnétique suivant : c'est un circuit à une maille en présence d'entrefer.

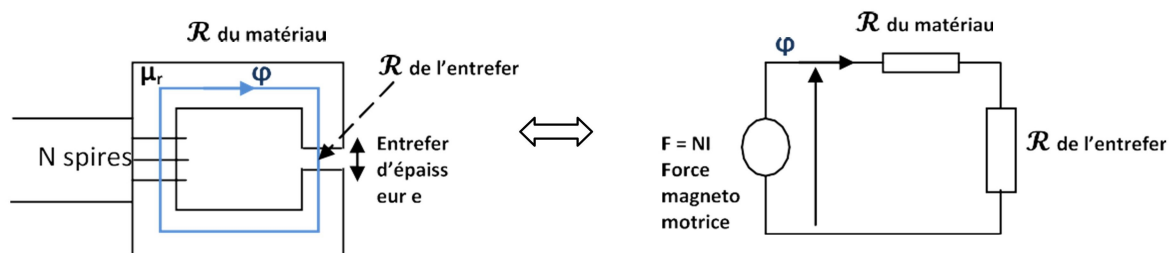


Fig.1.5. Circuit magnétique à une maille (présence

Les réluctances sont parcourues par le même flux ϕ .

La réluctance totale du circuit magnétique est donc : $\mathcal{R} = \mathcal{R}_{entrefer} + \mathcal{R}_{matériau}$

IV.6.2. Circuit à deux mailles : (association parallèles des réluctances)

Soit le circuit magnétique indiqué dans la figure suivante :

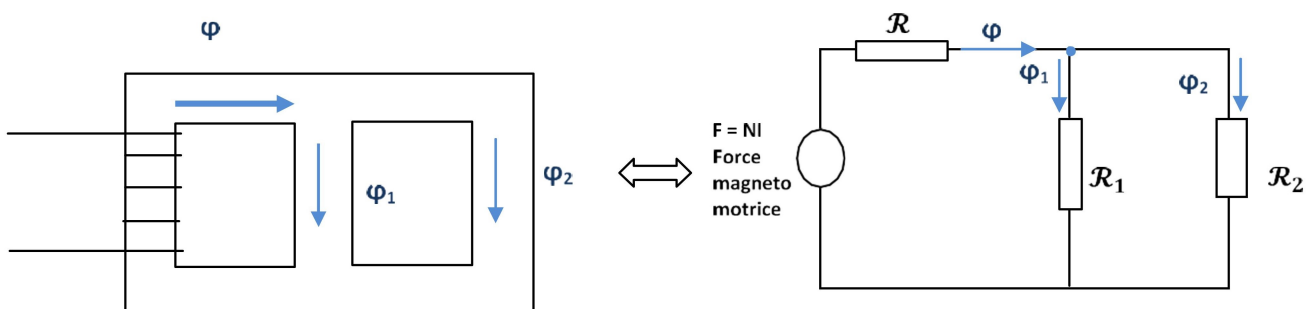


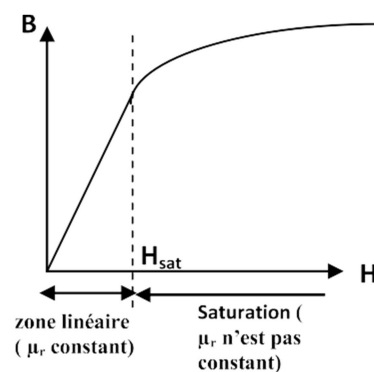
Fig.1.6. Circuit magnétique à deux mailles (nœud)

Les réluctances \mathcal{R}_1 et \mathcal{R}_2 sont montées en parallèles la réluctance équivalente de l'association \mathcal{R}_1 et \mathcal{R}_2 se calcule de la même manière que la résistance électrique.

I.7. Courbe de la 1^{ère} aimantation

Dans les matériaux ferromagnétiques, l'induction magnétique B dépend de l'intensité de l'excitation magnétique H et du passé magnétique du matériau.

Fig.1.7. Courbe de la 1^{ère} aimantation



Dès que l'intensité H de l'excitation magnétique dépasse H_{sat} (intensité de saturation), l'induction magnétique B ne croît plus on dit que le matériau est saturé.

I.8. Cycle d'hystérésis d'un matériau ferromagnétique

Lorsqu'un matériau magnétique a été soumis plusieurs fois à un champ magnétique sinusoïdale, sa courbe d'aimantation se stabilise en un cycle d'hystérésis comme il est illustré dans la figure 4.

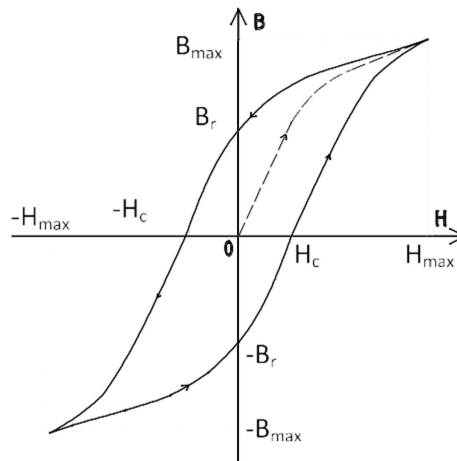


Fig .4.8. Cycle d'hystérésis

Cette courbe représente le cycle d'hystérésis, le dédoublement de la courbe d'aimantation $B = f(H)$ mettant en évidence le retard à la désaimantation des matériaux ferromagnétiques.

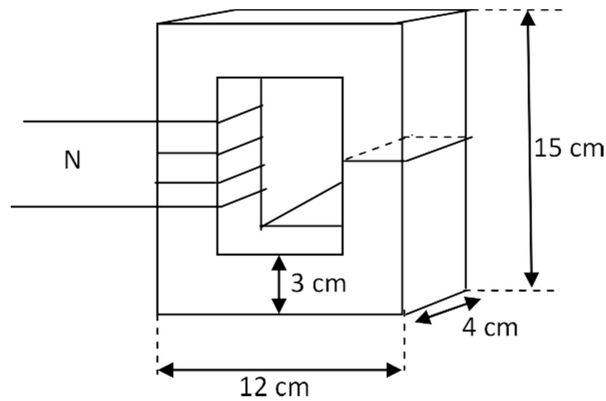
Le phénomène d'hystérésis est responsable de l'échauffement des tôles des circuits magnétiques soumis à des champs variables.

On trace l'évolution du champ magnétique dans un matériau ferromagnétique en fonction d'une excitation magnétique alternative variant entre $-H_{\max}$ et H_{\max} .

- B_r : champ rémanent, c'est à dire le champ restant dans le matériau lorsque $H = 0$ A/m.
- H_c : excitation coercitive, c'est à dire l'excitation qu'il faut produire pour annuler le champ magnétique rémanent dans le matériau ferromagnétique.

I.9. Exercice d'application

On considère le circuit magnétique de la figure 4 Le courant $I = 1.2 \text{ A}$, la perméabilité relative du matériau est de $\mu_r = 3000$, le nombre de spire de la bobine est $N = 100$, la profondeur du circuit magnétique est de 4 cm



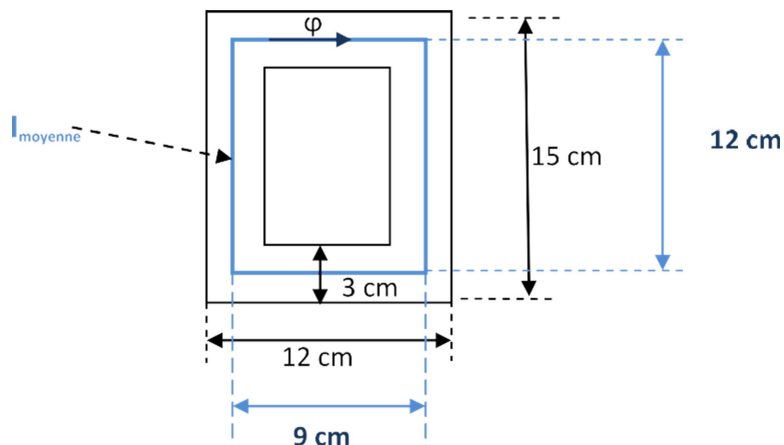
Calculer :

- 1- la longueur moyenne du circuit magnétique ?
- 2- La section du circuit magnétique ?
- 3- La reluctace du circuit magnétique ?
- 4- Le flux magnétique ?
- 5- La densité de flux magnétique (l'induction magnétique) ?

Solution :

1- La longueur moyenne du circuit magnétique

Il faut bien préciser que la longueur moyenne l est la longueur au milieu du circuit magnétique que parcourt le flux magnétique comme il est illustré dans la figure ci-dessous :

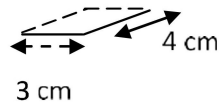


La longueur moyenne n'est autre qu'un périmètre d'un rectangle de longueur de 12 cm et de largeur de 9 cm d'où on a :

$$l_{\text{moyenne}} = (12 + 9) * 2 = 42 \text{ cm} = \mathbf{0.42 \text{ m}}$$

2- La section S du circuit magnétique :

La profondeur étant de 4 cm



$$S = (4 \times 3) = \mathbf{12 \text{ cm}^2} = \mathbf{0.0012 \text{ m}^2}$$

3- La reluctance du circuit magnétique :

$$\mathcal{R} = \frac{l}{\mu_0 \mu_r S} = \frac{0.42}{(4 \pi 10^{-7}) \times 3000 \times 0.0012} = 92840 \text{ H}^{-1}$$

4- Le flux magnétique :

$$\varphi = \frac{F}{\mathcal{R}} = \frac{NI}{\mathcal{R}} = \frac{100 \times 1.2}{92840} = 1.29 \cdot 10^{-3} \text{ Wb}$$

5- La densité de flux magnétique (l'induction magnétique)

$$B = \frac{\varphi}{S} = \frac{1.29 \cdot 10^{-3}}{0.0012} = 1.075 \text{ T}$$