

Résolution de problème par exploration:  
**Partie1: Formalisation d'un problème**

Master 1 SID

Module CRP

Enseignant : Dr H.Belleili

# Plan

- “ Étapes de résolution
- “ Formulation du problème
- “ Exemples: problèmes jouets
  - . L'aspirateur
  - . Jeu du taquin
  - . Les 8 reines
- “ Exemples: Problèmes du monde réel
  - . Problème de recherche d'un trajet
  - . ÷
- “ Stratégies d'exploration
  - . Définition
  - . Évaluation d'une stratégie
- “ exercice

# Étapes de résolution

1. **Formulation d'un but** : un ensemble d'états à atteindre.
2. **Formulation du problème** : les états et les actions à considérer.
3. **Recherche de solution** : examiner les différentes séquences d'actions menant à un état but et choisir la meilleure.
4. **Exécution** : accomplir la séquence d'actions sélectionnée.

# Formulation du problème

- ” Un problème sera défini par les 5 éléments suivants :
- ” 1. un état initial
- ” 2. un ensemble d'actions
- ” 3. une fonction successeur, qui définit l'état résultant de l'exécution d'une action dans un état
- ” 4. un ensemble d'états buts
- ” 5. une fonction coût, associant à chaque action un nombre non-négatif (le coût de l'action)

# Formulation du problème

- “ un problème est représenté comme un graphe orienté où les **noeuds** sont des **états accessibles** depuis **l'état initial** et où les **arcs** sont des **actions**.
- “ Nous appellerons ce graphe **l'espace des états**.
- “ Une **solution** sera un **chemin** de **l'état initial** à un **état but**.
- “ On dit qu'une solution est optimale si la somme des coûts des actions du chemin est minimale parmi toutes les solutions du problème.

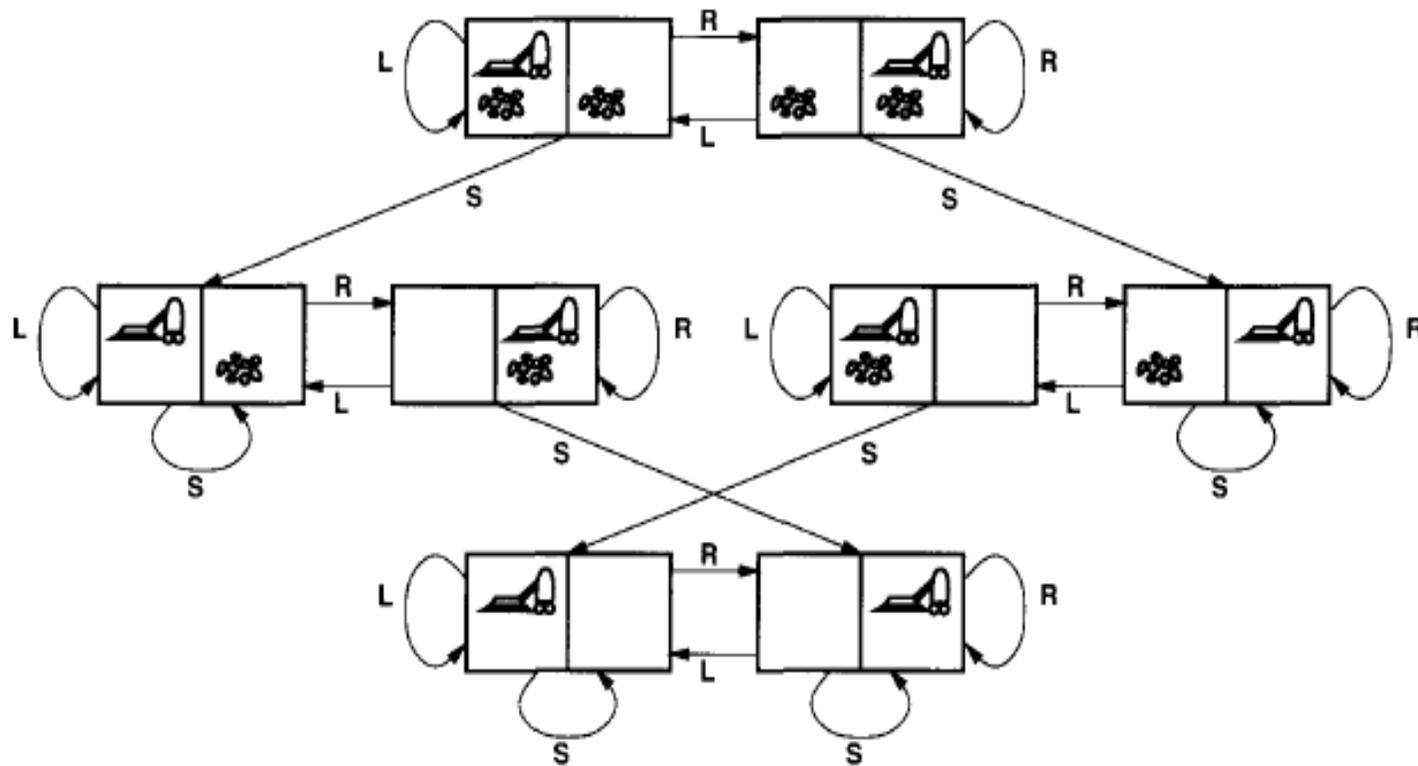
# Exemple de problème d'exploration

” On distingue 2 types de problèmes:

- . **Des problèmes dits jouets**: servent à illustrer ou à expérimenter des méthodes de résolution de problèmes
- . **Des problèmes du monde réel**: ce sont des problèmes qui intéressent vraiment les gens.

# Problèmes jouets (exemple 1)

- “ Agent aspirateur (2 emplacements)
- “ Formulation:
  - . **États** : l'agent peut être dans l'un des deux emplacements, les emplacements peuvent contenir ou pas de la poussière ( $2 \times 2^2$  états possibles),
  - . **État initial**: n'importe quel état peut être pris comme état initial,
  - . **Fonction successeur**: elle génère les états pouvant résulter de l'exécution des trois actions (gauche, droite, aspirer)
  - . **Test de l'état final**: il vérifie que tous les carrés sont propres
  - . **Coût du chemin**: le coût de chaque étape est 1, le coût du chemin est égal au nombre d'étapes que composent le chemin.
- “ Hypothèses: **emplacements discrets**, les saletés discrètes, un nettoyage fiable, jamais resali une fois nettoyé.



**Figure 3.6** Diagram of the simplified vacuum state space. Arcs denote actions. L = move left, R = move right, S = suck.

# Exemple 2: le jeu de taquin à 8 pièces

” Se compose d'un plateau 3 x 3 cases dont huit sont occupés par des numéros et une case est vide

7	2	4
5		6
8	3	1

Start State

	1	2
3	4	5
6	7	8

Goal State

Le taquin est souvent utilisé pour tester les algorithmes de recherche.

# Taquin : Formulation

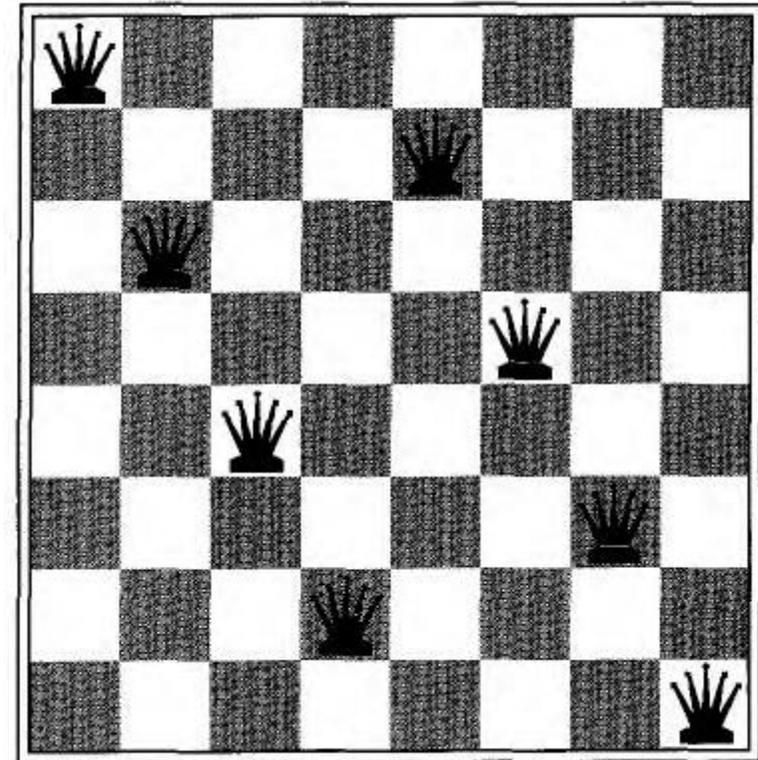
- ” **Etats** : Ce sont des configurations des huit tuiles dans les neuf cases de la grille.
- ” **Etat initial** : N'importe quel état pourrait être choisi comme l'état initial.
- ” **Actions**: Il y aura 4 actions possibles correspondant aux quatre façons de changer la position du carré vide : haut, bas, gauche, droite
- ” **Fonction de successeur** : Cette fonction spécifie les états résultants des différentes actions.
- ” **Test de but**: L'état but est unique et fixé au début du jeu
- ” **Coût des actions**: Chaque déplacement d'une tuile a un coût de 1 (pour trouver une solution avec le moins de déplacements).

# Taquin 8 pièces (suite)

- “ Classe des problèmes NP-complets,
- “ Le problème à 8 pièces compte  $9!/2=181\ 440$  états possibles et est facilement résolu,
- “ Avec 15 pièces (16 cases)  $\sim 1,3$  milliard d'états accessibles on arrive à le résoudre en quelques millièmes de seconde
- “ Avec 24 pièces  $\sim 10^{25}$  états accessibles et il est assez difficile à résoudre d'une manière optimale

# Le problème des huit reines

” Objectif: placer huit reines sur un échiquier (une grille 8 × 8) tel qu'aucune reine attaque une autre reine, (il n'y a pas deux reines sur la même colonne, la même ligne, ou sur la même diagonale).



# 8 reines: Formulation

- ” **Etats** : Toute configuration de 0 à 8 reines sur la grille.
- ” **Etat initial**: La grille vide.
- ” **Actions** : Ajouter une reine sur n'importe quelle case vide de la grille.
- ” **Fonction de successeur** : La configuration qui résulte de l'ajout d'une reine à une case spécifiée à la configuration courante.
- ” **Test de but**: Une configuration de huit reines avec aucune reine sous attaque.
- ” **Coûts des actions**: Ce pourrait être 0, ou un coût constant pour chaque action - nous nous intéressons pas au chemin, seulement l'état but obtenu.
- ” Questions:
  1. quel est le nombre d'états possibles avec cette formulation?
  2. Existe-t-il une manière de réduire ce nombre d'état?

# Taquin vs 8 reines

- “ Ces deux problèmes sont de nature assez différentes.
- “ Avec le taquin, nous savons depuis le début quel état nous voulons, et la difficulté est de trouver une séquence d'actions pour l'atteindre.
- “ le problème des huit reines, nous ne sommes pas intéressés par le chemin mais seulement par l'état but obtenu.
- “ Ces deux jeux sont des exemples de deux grandes classes de problèmes étudiés en IA : des problèmes de **planification** et des **problèmes de satisfaction de contraintes**.

# Problèmes du monde réel

- ” Problème de recherche d'un trajet,
- ” Le problème du voyageur du commerce (TSP) qui une variante du problème de recherche d'un itinéraire dans lequel chaque ville doit être visitée une seule fois
- ” Navigation d'un robot une généralisation du problème de recherche d'itinéraire (déplacement dans un espace continu ayant un ensemble infini d'actions et de états possibles)
- ” Ordonnancement automatique d'assemblage d'objets complexes (le robot FREDDY)
- ” Conception de protéine de synthèse (bioinformatique)
- ” Recherches internet

# Exemple

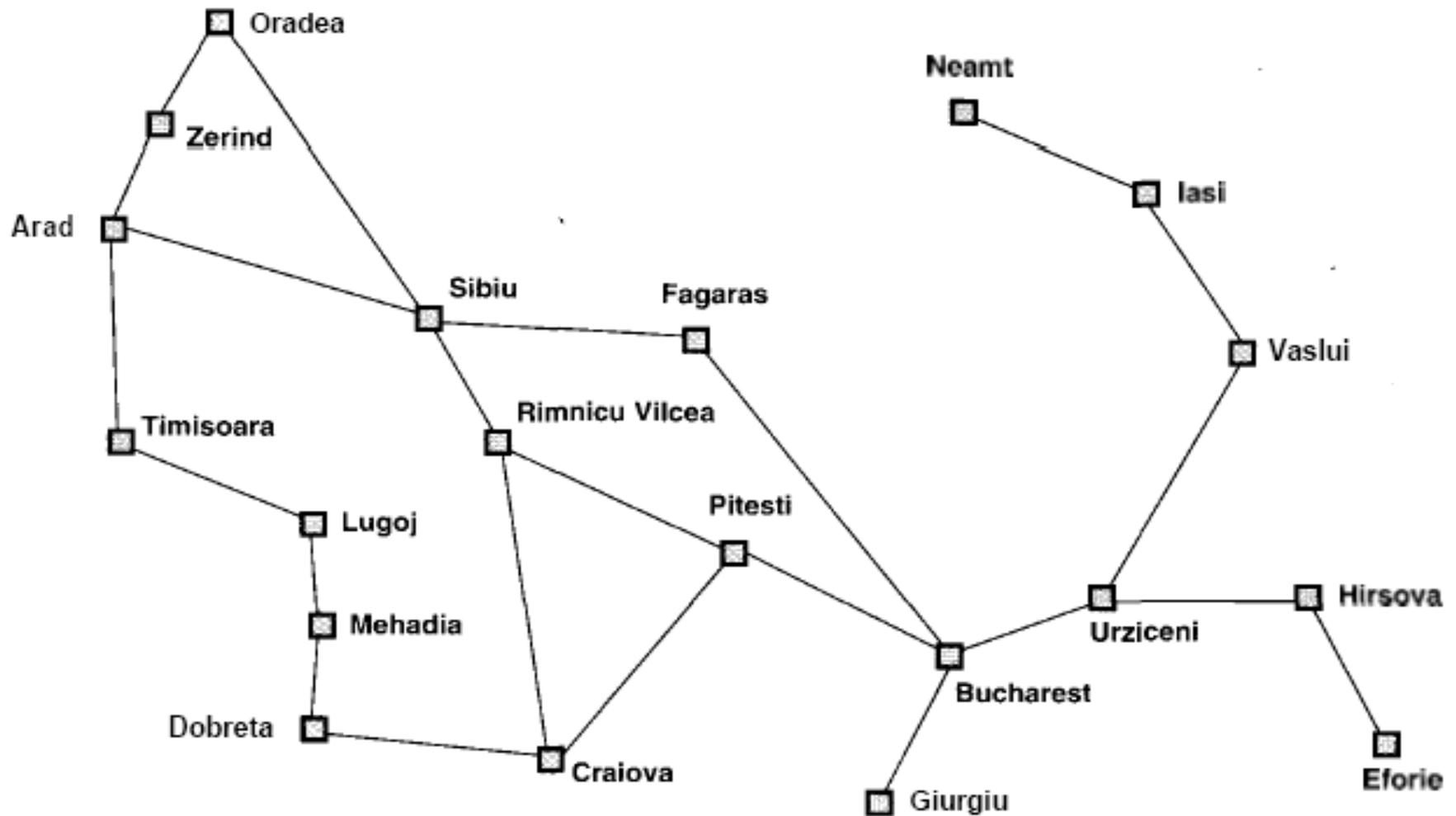


Figure 3.3 A simplified road map of Romania.  
© M. BELLEI

# Exemple

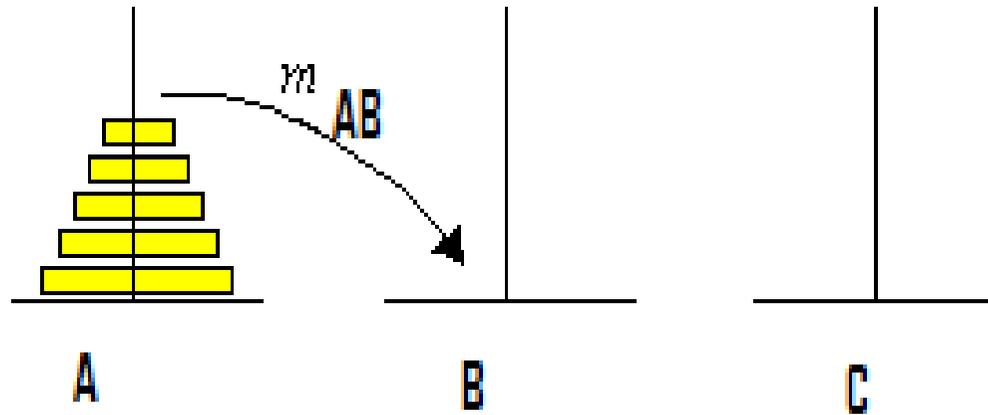
- ” On est à Arad et on veut aller à Bucharest
- . But: être à Bucharest
- . Problème:
  - . États: villes
  - . Actions: aller d'une ville à une autre.
- . Solution: Une séquence de villes.
  - . Ex: Arad, Sibiu, Fagaras, Bucharest
  - . Environnement très simple
- . statique, observable, discret et déterministe

# Formulation du problème

- “ **État initial** : l'état  $x$  dans lequel se trouve l'agent
  - . ***Dans(Arad)***
- “ **Actions** : Une fonction  $S(x)$  qui permet de trouver l'ensemble des états successeurs, sous forme de pair (action, successeur)  
 $S(\text{Dans(Arad)}) = \{((\text{Aller(Sibiu)}, \text{Dans(Sibiu)}), ((\text{aller(Timisoara)}, \text{Dans(Timisoara)})), \dots\}$  etc.
- “ L'état initial et la fonction successeur définissent ensemble **Espace des états du problème (états accessibles à partir de l'état initial)**
- “ **Test de but** : un test afin de déterminer si le but est atteint
  - . But:  $\{\text{Dans(Bucharest)}\}$
- “ **Coût du chemin** : noté  $C(x,a,y)$  . une fonction qui assigne un coût à un chemin. Elle reflète la mesure de performance de l'agent. La valeur est non négative.

# Exercices

1. On considère le problème des Tours de Hanoi avec trois tours. On demande de déplacer les disques situés sur la première tour sur une autre, de façon qu'un disque repose toujours sur un autre disque de taille supérieure ou sur une tour libre.



# Exercice (suite)

- “ 2- Une chèvre, un chou et un loup se trouvent sur la rive d'un fleuve ; un passeur souhaite les transporter sur l'autre rive mais, sa barque étant trop petite, il ne peut transporter qu'un seul d'entre eux à la fois. Comment doit-il procéder afin de ne jamais laisser ensemble et sans surveillance le loup et la chèvre, ainsi que la chèvre et le chou ?
- “ 3- On souhaite prélever 4 litres de liquide dans un tonneau. Pour cela, nous avons à notre disposition deux récipients (non gradués !), l'un de 5 litres, l'autre de 3 litres... Comment doit-on procéder ?

# Partie 2: Recherche aveugle (non-informée) de solutions

**Fonction** AGENT-SIMPLE-RESOLUTION-PROBLEME (*percept*)  
**retourner** une action

**entrées** : *percept*, un percept

**Variables statiques** : *seq*, une séquence d'actions, initialement vide  
*état*, une description de l'état courant du problème  
*but*, un but, initialement nul  
*problème*, la formulation d'un problème

*état* := ACTUALISER-ETAT (*état*, *percept*)

si *seq* est vide alors faire

*but* := FORMULER-BUT (*état*)

*seq* := EXPLORER (*problème*)

*action* := PERMIER (*seq*)

*seq* := RESTE(*seq*)

**retourner** *action*

# Introduction

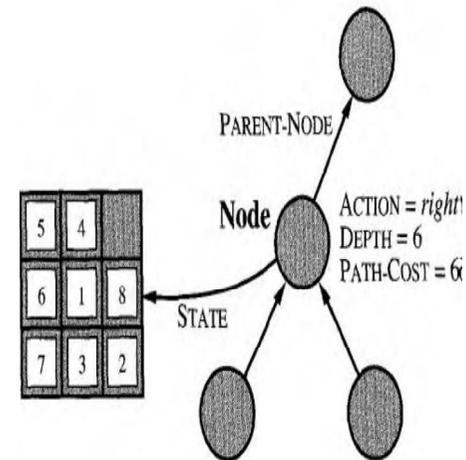
- ” Après avoir formulé le problème, il faut le résoudre.
- ” On effectue une exploration de l'espace des états
- ” L'exploration se fait soit
  - . Dans un arbre généré explicitement par l'état initial et la fonction successeur
  - . Soit dans un graphe lorsque le même état peut être atteint à partir de plusieurs chemins

# Évaluation des algorithmes de recherche

- ” Dans la suite, nous allons voir différents algorithmes de recherche.
- ” Comment pouvons-nous les comparer ?
- ” Voici quatre critères que nous allons utiliser pour comparer les différents algorithmes de recherche :
  - . **Complexité en temps** : Combien de temps prend l'algorithme pour trouver la solution ?
  - . **Complexité en espace** : Combien de mémoire est utilisée lors de la recherche d'une solution ?
  - . **Complétude**: Est-ce que l'algorithme trouve toujours une solution si y en a une ?
  - . **Optimalité**: Est-ce que l'algorithme renvoie toujours des solutions optimales ?

# Recherche de solutions dans un arbre

- ” Simuler l'exploration de l'espace d'états en générant des successeurs pour les états déjà explorés.
- ” **Noeud de recherche**
  - . État : l'état dans l'espace d'état.
  - . Noeud parent : Le noeud dans l'arbre de recherche qui a généré ce noeud.
  - . Action : L'action qui a été appliquée à l'état du n°ud parent pour générer l'état de ce noeud.
  - . Coût du chemin : Le coût du chemin à partir de l'état initial jusqu'à ce noeud :  $g(n)$
  - . Profondeur : Le nombre d'étapes dans le chemin à partir de l'état initial.



# Nœud vs état

- “ Il est important de distinguer entre les nœuds et les états
- “ Un nœud est une structure de données de mémorisation qui est utilisé pour représenter l'arbre de recherche
- “ Un état correspond à une configuration du monde
- “ **DONC:**
  - . Les nœuds sont sur des chemins particuliers, ce n'est pas le cas des états
  - . Deux nœuds différents peuvent contenir le même état (si cet état est généré via deux chemins différents)

# Principe Exploration

- “ Commencer par le n%ud racine
- “ **Développer** (expand) le n%ud en lui appliquant la fonction successeur
- “ On obtient tous les n%uds successeurs ces n%uds sont dits des **n%uds générés**
- “ Les n%uds générés mais non encore développés sont mis dans une structure de données appelée **frontière**
- “ Chaque élément de la frontière est un n%ud feuille ( ie sans les n%uds successeurs)
- “ La stratégie d'exploration est la fonction qui sélectionne le n%ud suivant à développer dans cet ensemble de n%uds de la frontière.
- “ **La fonction d'exploration** doit examiner chacun des éléments de la frontière afin de choisir le meilleur (à développer)

# Structure générale d'un algorithme de recherche

- ” La plupart des algorithmes de recherche suivent à peu près le même schéma :
- ” Fonction Exploration-En-Arbre (problème, stratégie) retourne une solution, ou echec
  - . **Initialiser l'arbre de recherche avec l'état initial du problème**
  - . **itérer**
    - . **si il n'y a plus de n%uds candidats à développer retourner échec**
    - . **Choisir un n%ud feuille (dans la frontière) à développer en appliquant la stratégie**
    - . **si le n%ud choisi contient un état final alors retourner la solution correspondante**
    - **sinon**, développer le n%ud et ajouter les n%uds du résultat dans la frontière

# Frontière

- “ La Frontière est une file ayant des opérations:
  - . Créer file (élément $\tilde{o}$  )
  - . Vide(file) retourne vrai ou faux
  - . Premier(file) retourne le premier élément de la file
  - . Supp-premier(file) retourne le premier(file) et le supprime de la file
  - . Insérer (élément,file) insère un n%ud dans la file et retourne file
  - . Insérer-tout(éléments,file) insère un ensemble de éléments dans la file et retourne la file résultante

# Retour sur la mesure de performance

- “ La mesure de performance d'un algorithme de recherche dans un graphe est liée à la taille du graphe de l'espace d'états
- “ On exprime la complexité de la recherche en fonction de 3 critères:
  - . Le facteur de branchement **b**: c'est le nombre maximal de successeurs d'un nœud donné
  - . La profondeur du nœud but le moins éloigné **d**
  - . La longueur maximale d'un chemin dans l'espace des états **m**
- “ **Complexité de temps**: le nombre de nœuds générés pendant la recherche.
- “ **Complexité d'espace**: le nombre maximum de nœuds conservés en mémoire.

# Stratégies de recherche

- ” Détermine l'ordre de développement des nœuds.
- ” **Recherches non-informées** : Aucune information additionnelle. Elles ne peuvent pas dire si un nœud est meilleur qu'un autre. Elles peuvent seulement dire si l'état est un but ou non.
- ” **Recherches informées (heuristiques)** : Elles peuvent estimer si un nœud est plus prometteur qu'un autre.

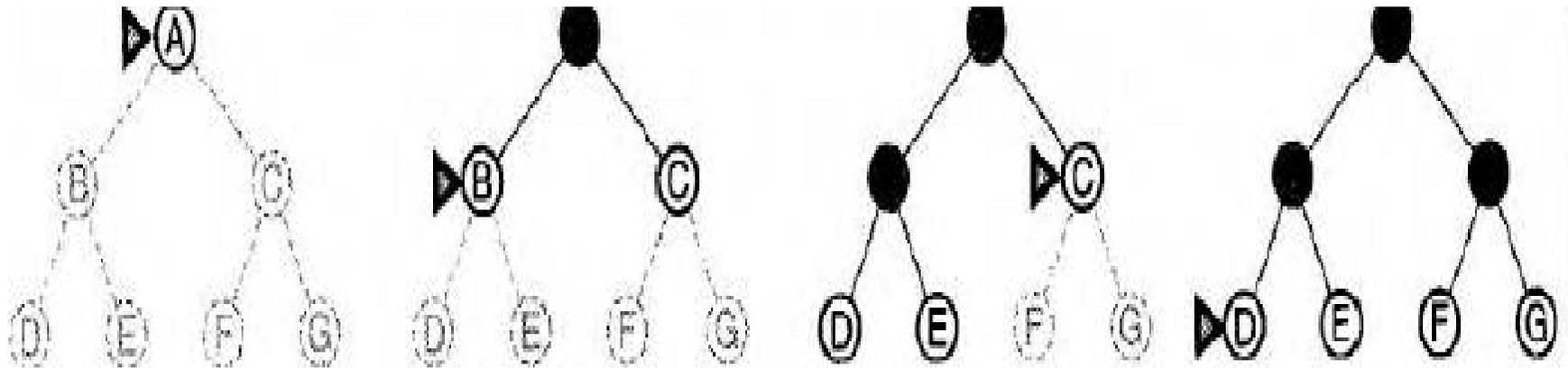
# Stratégies de recherche non informées

- ” Largeur d'abord (Breadth-first)
- ” Coût uniforme (Uniform-cost)
- ” Profondeur d'abord (Depth-first)
- ” Profondeur limitée (Depth-limited)
- ” Profondeur itératif (Iterative deepening)
- ” Recherche bidirectionnelle (Bidirectional search)

# Parcours en largeur

- “ Le parcours en largeur est un algorithme de recherche très simple : nous examinons d'abord l'état initial, puis ses successeurs, puis les successeurs des successeurs, etc.
- “ Tous les noeuds d'une certaine profondeur sont examinés avant les noeuds de profondeur supérieure.
- “ Pour implementer cet algorithme, il suffit de placer les nouveaux noeuds systématiquement à la fin de la liste de noeuds à traiter.
- “ La frontière est gérée en FIFO qui assure que les nœuds visités en premier seront développés d'abord
- “ Dans une file FIFO tous les successeurs nouvellement générés sont placés à la fin, ce qui a pour effet de développer les nœuds en surface avant ceux qui sont plus en profondeur.

# Parcours en largeur (exemple)



Le parcours en largeur pour un arbre binaire simple. Nous commençons par l'état initial A, puis nous examinons les noeuds B et C de profondeur 1, puis les noeuds D, E, F, et G de profondeur 2.

# Largeur de bord

- ” **Complétude**: oui, si  $b$  est fini
- ” **Optimalité** :
  - . Oui, Si le coût du chemin est une fonction non décroissante de la profondeur du nœud alors la stratégie est optimale
  - . non, le nœud but le moins profond peut ne pas être optimal.
- ” **La complexité en temps** Nombre total de nœuds générés si tous les nœuds ont «  $b$  » successeurs et que le but soit à la profondeur «  $d$  » au pire cas

$$b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + (b^{d+1} - b) = O(b^{d+1}).$$

- ” **La complexité en espace** est la même que la complexité en temps: chaque nœud généré doit rester en mémoire soit parce qu'il appartient à la Frontière non encore développé) soit parce qu'il est un ancêtre d'un nœud sur la frontière.

# Largeur de bord (suite)

Depth	Nodes	Time	Memory
2	1100	.11 seconds	1 megabyte
4	111,100	11 seconds	106 megabytes
6	$10^7$	19 minutes	10 gigabytes
8	$10^9$	31 hours	1 terabytes
10	$10^{11}$	129 days	101 terabytes
12	$10^{13}$	35 years	10 petabytes
14	$10^{15}$	3,523 years	1 exabyte

*Facteur de branchement  $b=10$ , 10 000 nœuds/s et 1000 octets/nœud*

*1 terabyte= 1000 Milliards d'octets*

# Largeur de bord (conclusion)

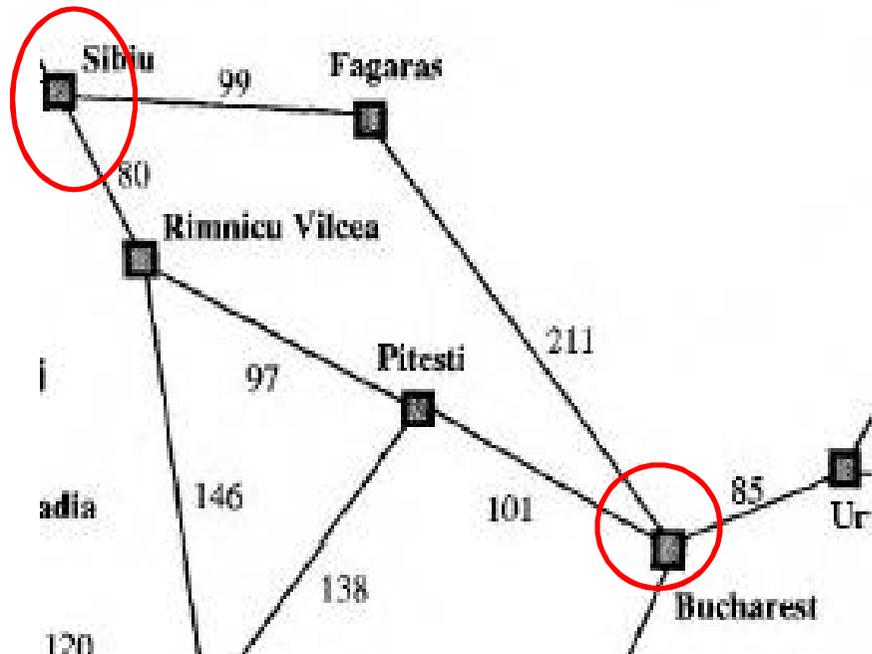
- “ Les besoins en mémoire posent un problème plus important que le temps d'exécution
- “ Il est possible d'attendre 31 heures la solution mais il est difficile d'avoir un ordinateur de 1 **térabyte** de mémoire centrale
- “ Les problèmes dont la complexité est exponentielle ne peuvent pas être résolus par des méthodes non informées, sauf pour les petites instances

# Coût uniforme

- ” Développe le noeud ayant le coût  $g(n)$  le plus bas.
- ” File triée selon le coût
- ” Équivalent à largeur de bord si le coût des actions est toujours le même.
- ” L'exploration à coût uniforme ne tient pas compte du nombre de étapes que compte un chemin mais uniquement de leur coût total

# Exemple

- " Succ(Sibiu) = Rimnicu Vilcea (80);  
Fagaras (99)
- " Min(Succ(Rimnicu Vilcea )):
- " Pitesti (80+97=177)
- " On choisit fagaras (99<177)
- " succ(fargaras): **bucarest**  
(99+211=310) **Exploration  
continue**
- " Min(Succ( pitesti)): bucarest  
(80+97+101=278)
- " Le chemin
- " Sibiu-RV-pitesti-Bucarest (278) <  
sibiu-fagaras-Bucarest (310)



# Coût uniforme

“ Questions:

1. si un nœud a une action à coût nul qui le ramène au même état que se passe t-il ?

**Boucle infinie**

2. À quelle condition la complétude est garantie?

**Le coût de chaque étape doit dépasser une certaine constante positive  $\epsilon$**

“ Il est difficile de caractériser la complexité de cet algorithme en termes de  $b$  et  $d$  puisqu'il est guidé par le coût des chemins plutôt que par la profondeur.

“ On pose  $C^*$  la solution optimale et le coût minimum de chaque action est  $\epsilon$

“ Alors dans le pire cas la complexité en temps et en espace est  $(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor}) \gg b^d$

“ Exploration CU explore de très grand nombre d'étapes avant d'explorer des chemins plus intéressants

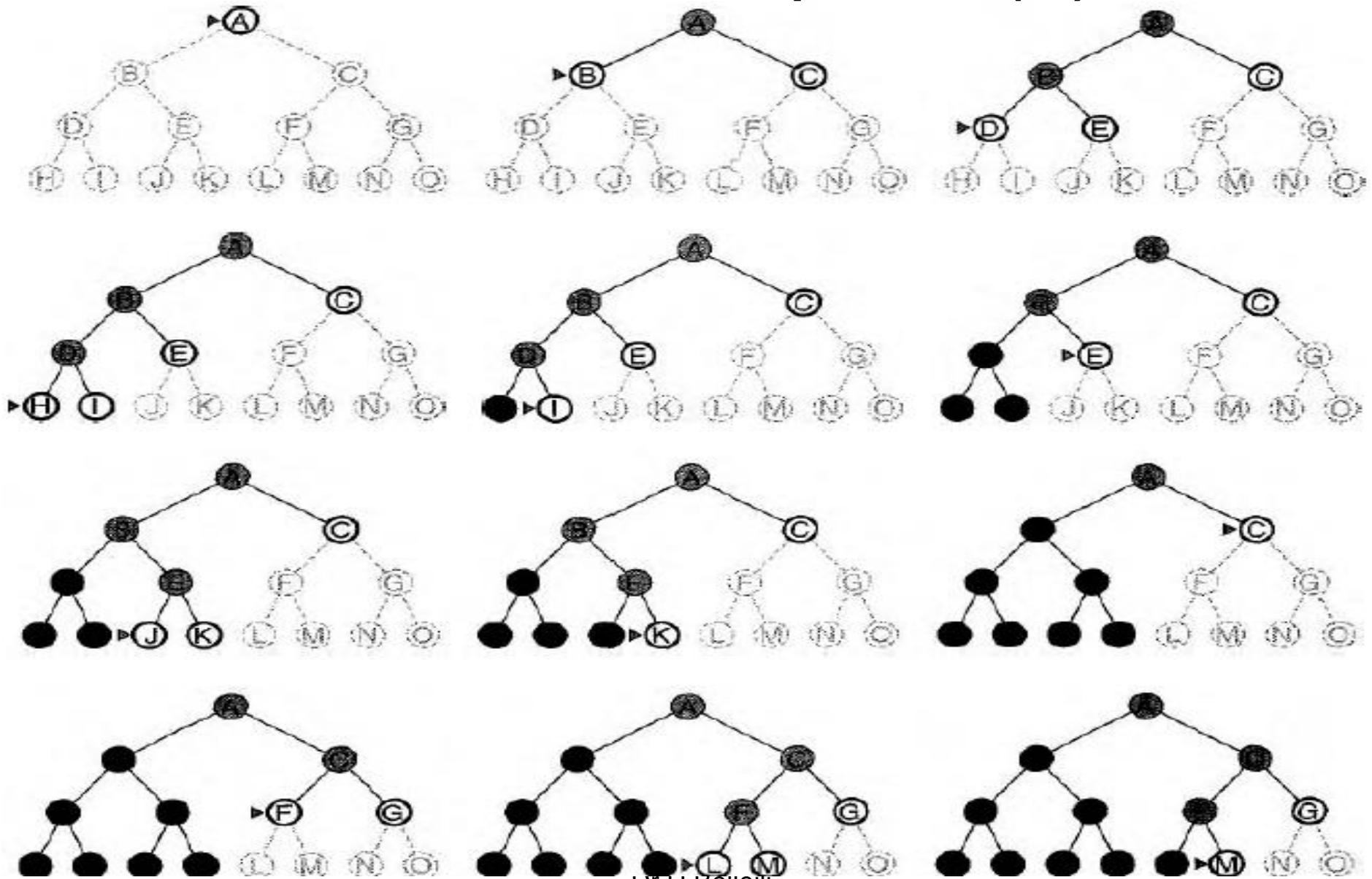
“ Lorsque les coûts des étapes sont égaux  $(b^{1+\lfloor C^*/\epsilon \rfloor}) = b^d + 1$  semblable à largeur d'abord seulement que cette dernière s'arrête dès qu'elle génère un but et l'autre examine tous les à la profondeur du but les moins coûteux

“ **L'exploration à CU fait plus de travail en développant inutilement des nœuds de profondeur  $d$**

# Profondeur deabord (1)

- “ Développe le noeud le plus profond.
- “ Implémenté à l'aide d'une pile (LIFO). Les nouveaux noeuds générés vont sur le dessus.

# Profondeur d'abord (2)



# Profondeur d'abord (3)

- ” **Complétude**: si la profondeur d'un sous arbre n'est pas limitée et s'il n'y a pas de solution l'exploration ne se terminera jamais.
- ” **Optimalité**: non optimal (pourquoi?)
- ” **Complexité en temps**:  $O(b^m)$ , très mauvais si  $m$  est plus grand que  $d$ , ( $m$  profondeur maximale)
- ” **Complexité en espace mémoire** : nécessite de conserver en mémoire que  $b^{m+1}$  nœuds. Soit une complexité  $O(bm)$ , linéaire

# Exploration en profondeur limitée (DLS)

- “ On peut remédier au problème des arbres infinis en spécifiant une profondeur déterminée  $l$  et en imposant une limite de profondeur à l'exploration en profondeur d'abord
- “ Les nœuds situés à la profondeur  $l$  seront traités comme s'ils n'avaient pas de successeurs
- “ La connaissance du problème permet de déterminer la limite de profondeur
- “ Si  $l < d$  incomplétude
- “ Complexité en temps  $O(b^l)$
- “ Complexité en espace est  $O(b^l)$

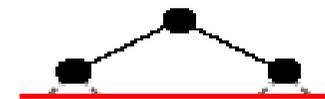
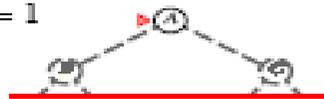
# Exploration itérative en profondeur (IDS)

- “ Combine les avantages de largeur d'abord (complète et optimale) et ceux de profondeur d'abord (complexité en espace).
- “ Principe:
  - . Profondeur limitée, mais en essayant toutes les profondeurs: 0, 1, 2, 3,  $\infty$
  - . Évite le problème de trouver une limite pour la recherche profondeur limitée .

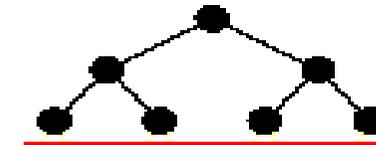
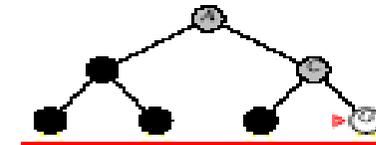
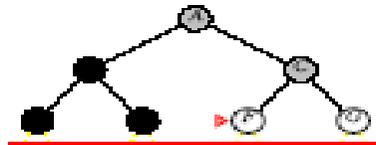
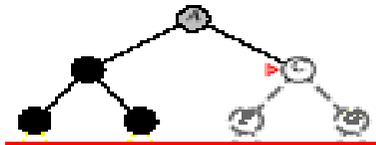
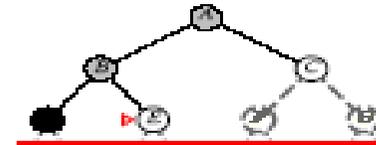
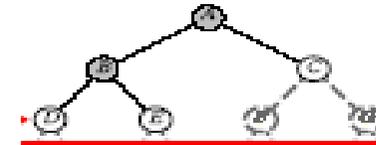
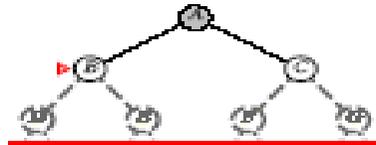
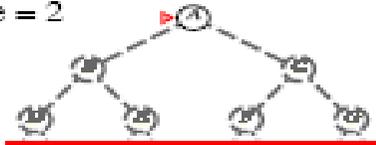
Borne = 0



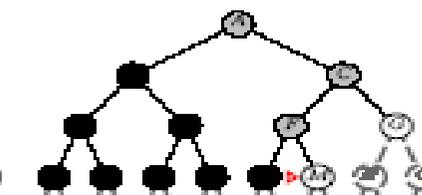
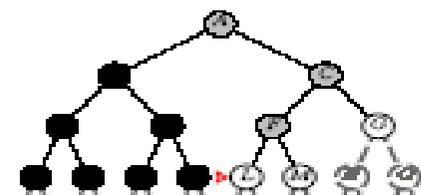
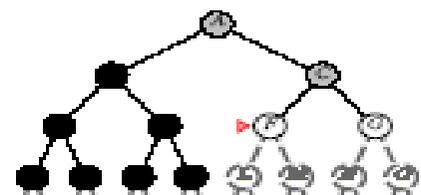
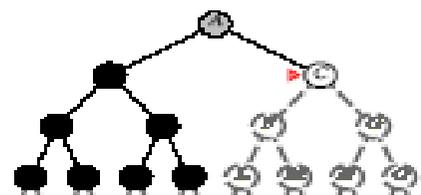
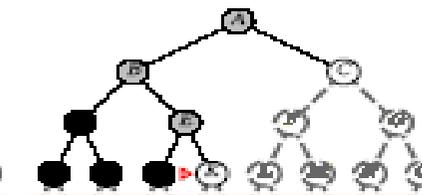
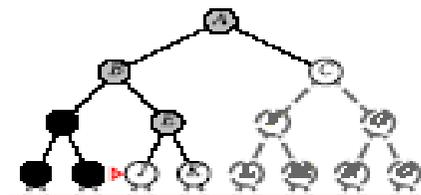
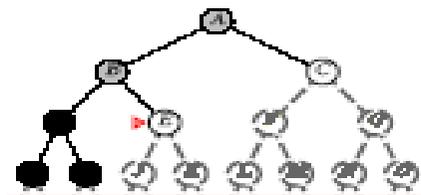
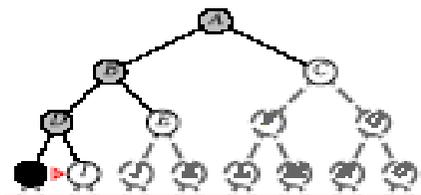
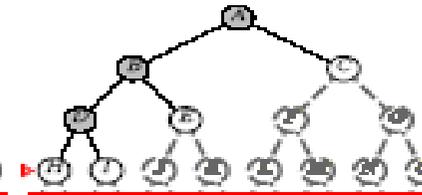
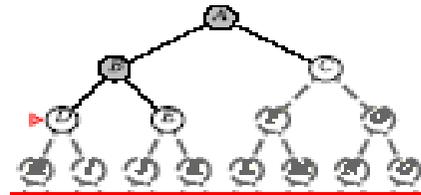
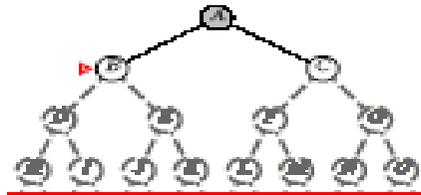
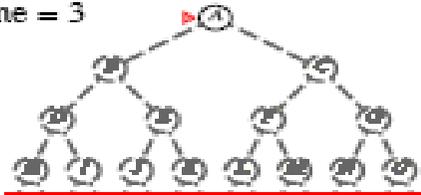
Borne = 1



Borne = 2



Borne = 3



# Propriétés IDS

- “ Peut paraître dispendieuse, les états étant générés plusieurs fois, ce n'est pas le cas.
- “ À chaque niveau la majorité des nœuds sont situés au niveau le plus bas
- “ Donc le fait de générer plusieurs fois les niveaux supérieurs a un impact négligeable

# Complexité IDS

- ” **Complexité en temps** Les nœuds du niveau le plus bas (prof. d) sont générés une seule fois  $(d)b$ , ceux du niveau immédiatement supérieur sont générés 2 fois  $(d-1)b$  jusqu'aux enfants du nœud racine qui sont générés d fois :  $N(\text{IDS}) = db^1 + (d-1)b^2 + \dots + b^d = O(b^d)$
- ” **Complexité en espace**:  $O(bd)$
- ” **Complétude**: Oui
- ” **Optimal**? Oui, si le coût de chaque action est de 1.
- ” **IDS est utilisée lorsque le nombre d'états est important et que la profondeur de la solution est inconnue**

# Comparaison IDS, BFS

” Nombre de nœuds générés

En largeur d'abord:

$$N(\text{BFS}) = b + b^2 + b^3 + \dots + b^d + (b^{d+1} - b)$$

Itérative en profondeur:

$$N(\text{IDS}) = db^1 + (d-1)b^2 + \dots + b^d$$

*Pour  $b=10$  et  $d=5$*

$$N(\text{BFS}) = 10 + 100 + 1000 + 10000 + 100000 + 999999 = 1\ 111\ 100$$

$$N(\text{IDS}) = 50 + 400 + 3000 + 20000 + 100000 = 123\ 450$$

# Exploration bidirectionnelle

- “ Exécuter deux explorations simultanées:
  - . L'une en aval depuis le état initial
  - . Et l'autre en amont à partir du but
  - . Puis de arrêter lorsque elles se rencontrent au milieu
- “ Intêret:  $b^{\frac{d}{2}} + b^{\frac{d}{2}}$  est très inférieur à  $b^d$
- “ Principe: l'une ou l'autre des deux recherches vérifient chaque nœud avant de le développer afin de voir si appartient à la frontière de l'autre arbre; si c'est le cas la solution a été trouvée
- “ Exemple: pour  $d=6$  , on exécute une exploration en largeur dans chaque sens alors dans le pire des cas, les deux explorations se rejoignent lorsque chacune aura développé tous les nœuds sauf un situé à la profondeur 3

# Exploration bidirectionnelle

- ” La diminution de la complexité en temps rend l'exploration bidirectionnelle attrayante,
- ” Le problème est comment effectuer l'exploration en arrière
- ” Pas si simple!!!
- ” Supposons que les prédécesseurs d'un n°ud  $n$ ,  $Pred(n)$  soient tous les états ayant  $n$  pour successeur
- ” L'exploration bidirectionnelle nécessite que  $Pred(n)$  soit calculable
- ” Le cas le plus facile est celui où toutes les actions de l'espace des états sont réversibles, ie  $Pred(n)=Succ(n)$
- ” Dans les autres cas il faut faire preuve d'ingénierie

# Exploration bidirectionnelle

- ” Pour  $b=10$ , il en résulte 22 000 nœuds générés à comparer avec 11 111 100 nœuds d'une recherche en largeur standard
- ” Complexité en temps:  $O(b^{d/2})$
- ” Complexité en espace:  $O(b^{d/2})$
- ” Complétude: oui, Optimalité: oui si les deux explorations sont en largeur d'abord
- ” D'autres combinaisons sont susceptibles de sacrifier la complétude ou l'optimalité ou les deux à la fois

# Exploration bidirectionnelle

- “ Lorsque il y a un seul but (problème du taquin ou recherche d'un itinéraire) il n'y a qu'un état but: l'exploration en arrière est similaire à l'exploration en avant
- “ Si il y a plusieurs état buts que faut-il faire?
- “ Le cas le plus difficile: cas du jeu d'échec ou il y a plusieurs états qui satisfont au test « échec et mat »

# Comparaison des stratégies d'exploration non informée

<b>Critère</b>	<b>Largeur d'abord</b>	<b>Coût uniforme</b>	<b>Profondeur d'abord</b>	<b>Profondeur limitée</b>	<b>Itérative en profondeur</b>	<b>Bidirectionnelle (si applicable)</b>
<i>Complète</i>	oui <sup>1</sup>	oui <sup>1,2</sup>	non	non	oui <sup>1</sup>	oui <sup>1,4</sup>
<i>Temps</i>	$O(b^d)$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^l)$	$O(b^d)$	$O(b^{d/2})$
<i>Espace</i>	$O(b^d)$	$O(b^{\lceil C^*/\epsilon \rceil})$	$O(b^m)$	$O(b^l)$	$O(b^d)$	$O(b^{d/2})$
<i>Optimale</i>	oui <sup>3</sup>	oui	non	non	oui <sup>3</sup>	oui <sup>3,4</sup>

b : facteur de branchement

d : profondeur de la solution la moins profonde

m : profondeur maximale de l'arbre de recherche

l : profondeur limite

<sup>1</sup> si b est fini

<sup>2</sup> si les coûts des étapes sont  $\geq \epsilon$  avec  $\epsilon$  positif

<sup>3</sup> si les coûts d'étapes sont tous identiques

<sup>4</sup> si les deux directions utilisent un exploration en largeur d'abord

# Répétitions d'états

- “ Possibilité de perdre du temps à développer des états déjà rencontrés et développés
- “ Parfois inévitable (actions réversibles)
- “ exemple dans la détermination d'un itinéraire ou dans le taquin ou les arbres sont infinis
- “ Solution: restreindre l'arbre à une profondeur déterminée
- “ L'élimination des répétition d'états entraine une réduction exponentielle du coût de l'exploration
- “ Les répétition d'états peuvent rendre un problème insoluble en un problème soluble
- “ Comment? comparer le n°ud sur le point d'être développé à ceux déjà développés
- “ Cela revient à utiliser plus de mémoire pour gagner en temps:
- “ *Les algorithmes qui oublient leur histoire sont condamnés à la répéter*

# Algorithme de recherche dans un graphe

```
function GRAPH-SEARCH(problème)  
  noeuds_fermés    $\emptyset$   
  noeuds_ouverts {CRÉÉR-NOEUD-ÉTAT-INITIAL(problème)}  
  loop  
    if VIDE(noeuds_ouverts) then return échec  
    noeud   CHOISIR(noeuds_ouverts)  
    if TEST-ÉTAT-FINAL(problème,ÉTAT(noeud)) then  
      return SOLUTION(noeud)  
    if noeud  $\notin$  noeuds_fermés then  
      noeuds_fermés   noeuds_fermés  $\cup$  {noeud}  
      noeuds_ouverts noeuds_ouverts  $\cup$   
                          DÉVELOPPER(noeud,problème)
```

Fin

Exploration non informée

